Technische Universität Clausthal

Klausur im Sommersemester 2024 Grundlagen der Elektrotechnik I & II

Datum: 31. August 2024, xx:xx Uhr bis xx:xx Uhr

Prüferin: Prof. Dr.-Ing. Ines Hauer



Prof. Dr.-Ing. Ines Hauer

Name, Vorname	Matrikelnummer
Studiengang	Geburtsdatum
Unterschrift	Hörsaal

Bearbeitungszeit: 240 Minuten

Zugelassene Hilfsmittel:

Stifte; Lineal/Geodreieck; Zirkel; nicht-programmierbarer Taschenrechner

Wichtiger Hinweis:

Geben Sie bei allen Berechnungen stets einen vollständig nachvollziehbaren und formal richtigen Rechenweg an! Dazu zählt ein Ansatz (auch wenn die Formel auf dem Formelzettel steht), die nach der gesuchten Größe umgestellte Formel (sofern erforderlich), eingesetzte Zahlenwerte und das Endergebnis. Zahlenwerte sind immer mit Einheit anzusetzen.

Weitere Hinweise:

- **Der Einsatz von Smartphones, Smartwatches, Tablets o. Ä. gilt als Täuschungsversuch!**
- Es darf nur die der Klausur beigefügte Formelsammlung verwendet werden. Die Verwendung einer eigenen Formelsammlung gilt als Täuschungsversuch!
- Bitte legen Sie Ihren Studierendenausweis und Ihren Personalausweis auf den Tisch!
- Bitte schreiben Sie Ihren Namen und Ihre Matrikelnummer auf dieses Deckblatt und die erste Seite des Rechenpapiers in die dafür vorgesehenen Felder!
- Bitte schreiben Sie nicht mit Bleistift oder Rotstift!
- Bitte verwenden Sie für die Kurzfragen die ausgeteilten Aufgabenblätter!
- Bitte verwenden Sie für die Rechenaufgaben das **zur Aufgabe gehörende** Rechenpapier (kann nachgefordert werden)!
- Aufgaben, die nicht auf den zugehörigen Seiten gelöst wurden, werden nicht gewertet!
- Angegebene neue Zahlenwerte für Folgeaufgaben stehen in keinem Zusammenhang mit vorher zu ermittelnden Werten, d.h. die Aufgaben sind unabhängig voneinander lösbar!
- Bitte sortieren Sie bei der Abgabe Ihre Klausur in die richtige Reihenfolge: Aufgabenblätter, Rechenpapier, Formelzettel!

Aufgabe:	KF1	GS	EM	WS	KF2	DS	SM	TR	gesamt
Punkte:	18	22	22	22	18	22	22	22	168
Erreicht:									

Klausurbedingungen

Die Prüfung wird unter Einhaltung der Allgemeine Prüfungsordnung (APO) der TU Clausthal in ihrer jeweils gültigen Fassung durchgeführt.

Prüfungsfähigkeit

• Mit Ihrer Unterschrift auf dem Deckblatt erklären Sie sich einverstanden und gesundheitlich in der Lage, an der Prüfung teilzunehmen.

Punktevergabe - Allgemein

- Die Bewertung der einzelnen Aufgaben und Teilschritte erfolgt anhand des in der Musterlösung vorgeschlagenen und definierten Punkteschlüssels. Dabei sind neben dem einfachsten und schnellsten Lösungsweg auch Alternativlösungswege aufgeführt, die wiederum einen Punkteschlüssel mit gleicher Punktzahl beinhalten.
- Musterlösung und Punkteschlüssel können während der Klausreinsicht eingesehen werden.
- Die Bewertung Ihres Lösungsweges erfolgt ohne Berücksichtigung der formalen Richtigkeit des Lösungsweges, sodass auch ein formal falscher aber nachvollziehbarer Lösungsweg, mit den in der Musterlösung angegebenen Punkten bewertet wird.
- Nicht nachvollziehbare Ergebnisse werden mit 0 P. bewertet.

Punktevergabe der formalen Bewertung

• Die Anzahl an erreichbaren Punkten zur Bewertung der formalen Richtigkeit einer Aufgabe richtet sich nach den erreichbaren Punkten der bearbeiteten Teilaufgaben. Eine Teilaufgabe gilt als bearbeitet, wenn ein zu der Aufgabenstellung passender Ansatz notiert wurde. Die Punkte zur Bewertung der formalen Richtigkeit sind wiefolgt gestaffelt:

```
\leq 4 P. \Rightarrow max. 1 P.

\leq 8 P. \Rightarrow max. 2 P.

\leq 12 P. \Rightarrow max. 3 P.

\leq 18 P. \Rightarrow max. 4 P.
```

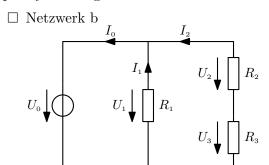
Beispiel:

Wurden zwei Teilaufgaben eines Aufgabenblocks mit einer Gesamtpunktzahl von 6 P. angefangen zu bearbeiten, können für diesen Aufgabenblock nach obigem Schlüssel max. 2 P. für die Bewertung der formale Richtigkeit erreicht werden.

- Jeder formale Fehler führt zu einer Nichtvergabe von 1 P. bei der Bewertung. Die minimale Punktzahl ist 0 P. (für die formale Bewertung).
- Für jeden Aufgabenblock gibt es einen Toleranzfehler, sodass erst ab dem zweiten Fehler Punkte bei der Bewertung der formalen Richtigkeit nicht gegeben werden können.

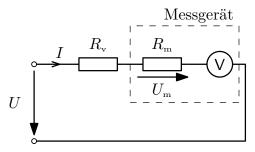
1. Kurzfragen zu Elektrotechnik 1 (18 Punkte)

KF1) In welchem Netzwerk wurde das Verbraucherzählpfeilsystem angewendet?



1 P.

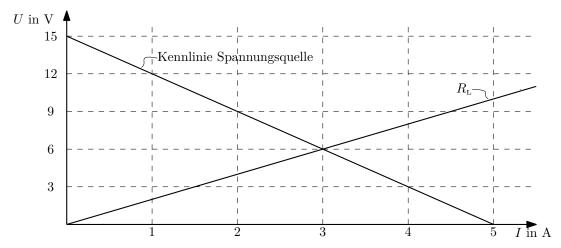
KF2) Ein gegebenes Voltmeter hat einen Messbereichsendwert von 5 V und einen Innenwiederstand 2 P. $R_{\rm m}$ von 50 Ω. Wie groß muss der Vorwiderstand $R_{\rm v}$ gewählt werden, damit eine Spannung von 50 V gemessen werden kann?



- KF3) Gegeben ist eine einlagige Zylinderspule mit 300 Windungen und einem Durchmesser von 5 cm. Der aufgewickelte Kupferdraht hat einen Leiterdurchmesser von 1 mm. Der spezifische Widerstand ρ_{20} des Kupfers beträgt 0,017 86 $\frac{\Omega \text{mm}^2}{\text{m}}$, der Temperaturkoeffizient α_{20} beträgt 0,0039 $\frac{1}{\text{K}}$.
 - a) Berechnen Sie den ohmschen Widerstand der Spule bei 20°C!

b) Berechnen Sie den ohmschen Widerstand der Spule bei 100°C!

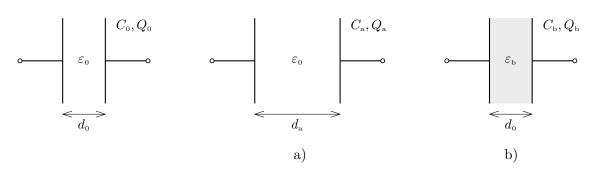
KF4) Gegeben sind folgende Kennlinien einer realen Spannungsquelle und eines Lastwiderstandes:



a) Bestimmen Sie R_i , U_0 , I_k und R_L .

b) Bestimmen Sie den Arbeitspunkt (U_{AP} und I_{AP}).

3 P.



- a) Welche Auswirkung hat eine Erhöhung des Plattenabstandes $(d_{\rm a}>d_{\rm 0})$...
 - i. ... auf die Kapazität?
 - \square $C_{\rm a} < C_0$
- $\Box C_{\rm a} = C_0$
- \square $C_{\rm a} > C_0$

- ii. ... auf die Spannung?
 - $\square \ U_{\rm a} < U_0$
- $\square U_{\rm a} = U_0$
- $\square U_{\rm a} > U_0$

- iii. ... auf die Ladungsmenge?
 - $\square Q_{\rm a} < Q_0$
- $\square Q_{a} = Q_{0}$
- $\square Q_{a} > Q_{0}$
- b) Welche Auswirkung hat ein Dielektrikum mit einer höheren Permittivität $(\varepsilon_b > \varepsilon_0) \dots$
 - i. ... auf die Kapazität?
 - \square $C_{\rm b} < C_0$
- $\Box C_{\rm b} = C_0$
- $\Box C_{\rm b} > C_0$

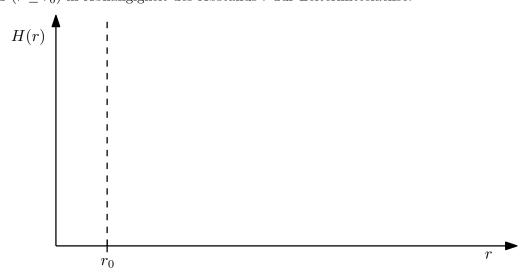
- ii. ... auf die Spannung?
 - $\square U_{\rm b} < U_0$
- $\Box U_{\rm b} = U_0$
- $\Box U_{\rm b} > U_0$

- iii. ... auf die Ladungsmenge?
 - $\square Q_{\rm b} < Q_0$
- $\square \ Q_{\rm b} = Q_0$
- $\square Q_{\rm b} > Q_0$
- KF6) Gegeben ist ein gerader, runder, stromdurchflossener Leiter mit dem Radius r_0 .
- lius r_0 . 3 P.
 - a) Zeichnen Sie die magnetischen Feldlinien inkl. deren Richtung ein!

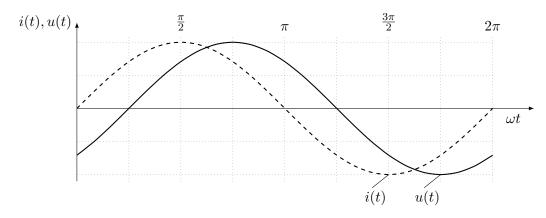


b) Leiten Sie mit Hilfe des Durchflutungsgesetzes die magnetische Feldstärke **außerhalb des** Leiters $(r \ge r_0)$ in Abhängigkeit des Abstands r zur Leitermittelachse her.

c) Skizzieren Sie den Verlauf des Betrages der magnetischen Feldstärke außerhalb des Leiters $(r \ge r_0)$ in Abhängigkeit des Abstands r zur Leitermittelachse.



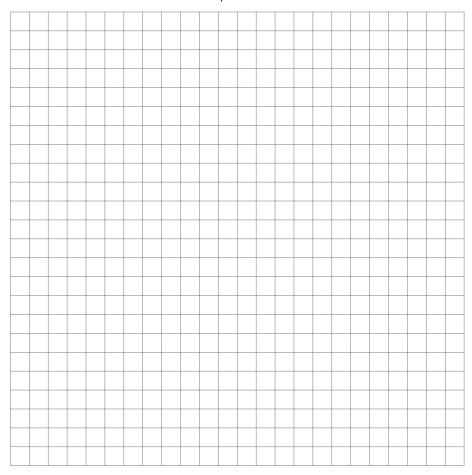
KF7) Gegeben sind die folgenden zeitlichen Verläufe einer Spannung und eines Stroms.



a) Bestimmen Sie den Phasenwinkel φ und tragen Sie ihn in das obige Diagramm ein.

3 P.

b) Skizzieren Sie das zugehörige Zeigerbild im Zeitpunkt (t=0), beschriften Sie alle Zeiger und kennzeichnen Sie den Phasenwinkel φ .



2. Gleichstrom (22 Punkte)

Gegeben sind folgende Netzwerke:

- GS1) Geben Sie bei allen Teilaufgaben einen Ansatz mit entsprechenden Indizes an, setzen Sie auch in Zwischenschritte Zahlenwerte ein und verwenden Sie die richtigen Einheiten und gegebenenfalls Unterstriche. Diese Teilaufgabe erfordert keine Bearbeitung.
- GS2) Wandeln Sie Netzwerk A in eine Ersatzspannungsquelle bezüglich der Klemmen A1 und A2 um. 5 P. Geben Sie die charakteristischen Größen $(R_{\rm i},\,U_0$ und $I_{\rm K})$ an und skizzieren Sie die Kennlinie und das Ersatzschaltbild.

Verwenden Sie für die weiteren Aufgabenteile folgende Werte:

$$R_{\rm i}=1\,\Omega$$
 $U_0=10\,{
m V}$ $I_{
m K}=10\,{
m A}$ $R_{
m LB}=1\,\Omega$ $R_{
m LC}=1\,\Omega$ $R_{
m LD}=9\,\Omega$ $C_{
m LB}=5\,\mu{
m F}$ $L_{
m LC}=15\,{
m mH}$

Netzwerk A und Netzwerk B werden im Zeitpunkt t=0 verbunden (Klemme A1 – Klemme B1 und Klemme A2 – Klemme B2). Zu Beginn ist die Spule **nicht** magnetisiert.

GS3) Zeichnen und beschriften Sie das entsprechende Ersatzschaltbild (Ersatzspannungsquelle und 4 P. Last) und berechnen Sie den Strom i(t=0) und $i(t\to\infty)$ $(t\to\infty)$: alle Ausgleichsvorgänge sind abgeschlossen).

Netzwerk A und Netzwerk C werden im Zeitpunkt t=0 verbunden (Klemme A1 – Klemme C1 und Klemme A2 – Klemme C2). Zu Beginn ist der Kondensator **nicht** aufgeladen.

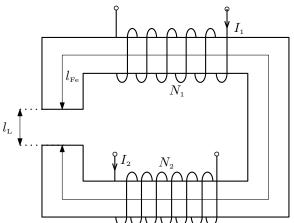
GS4) Zeichnen und beschriften Sie das entsprechende Ersatzschaltbild (Ersatzspannungsquelle und 4 P. Last) und berechnen Sie den Strom i(t=0) und $i(t\to\infty)$ $(t\to\infty)$: alle Ausgleichsvorgänge sind abgeschlossen).

Nachdem alle Ausgleichsvorgänge abgeschlossen sind, werden Netzwerk A und Netzwerk C wieder getrennt.

- GS5) Wie groß ist die Spannung am Kondensator, nachdem die Netzwerke A und C getrennt wurden? 1 P. Anschließend werden Netzwerk C und Netzwerk D verbunden (Klemme C1 Klemme D1 und Klemme C2 Klemme D2).
- GS6) Zeichnen und beschriften Sie das entsprechende Ersatzschaltbild, skizzieren Sie den zeitlichen 4P. Verlauf von Strom und Kondensatorspannung und geben Sie den Wert des maximalen Stromes an.

3. Elektrisches und magnetisches Feld (22 Punkte)

Gegeben ist der dargestellte Eisenkern mit zwei Erregerwicklungen. Der quadratische Querschnitt A des Eisenkerns ist an allen Stellen gleich. Die Streuung des Magnetfelds am Luftspalt sei vernachlässigbar.



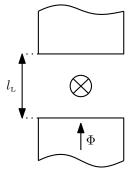
Folgende Werte sind gegeben:

$$N_1 = 1000$$
 $N_2 = 2000$ $l_{\rm Fe} = 0.79 \,\mathrm{m}$ $l_{\rm L} = 1.57 \,\mathrm{mm}$ $A = 2500 \,\mathrm{mm}^2$ $\mu_{\rm r} = 500$ $I_1 = 3 \,\mathrm{A}$ $I_2 = 1 \,\mathrm{A}$

- EM1) Geben Sie bei allen Teilaufgaben einen Ansatz mit entsprechenden Indizes an, setzen Sie auch in Zwischenschritte Zahlenwerte ein und verwenden Sie die richtigen Einheiten und gegebenenfalls Unterstriche. Diese Teilaufgabe erfordert keine Bearbeitung.
- EM2) Zeichnen Sie das elektrische Ersatzschaltbild des magnetischen Kreises inklusive aller Beschriftungen.
- EM3) Berechnen Sie den gesamten magnetischen Widerstand des magnetischen Kreises. 3 P.
- EM4) Berechnen Sie die gesamte Durchflutung Θ_{ges} und den magnetischen Fluss Φ . Beachten Sie 2 P. dabei die Wicklungsrichtungen der Spulen.

Für folgende Teilaufgabe gilt: $\Phi = 5 \cdot 10^{-4} \, \mathrm{Vs}$

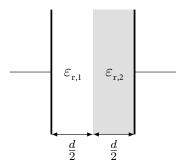
EM5) Berechnen Sie die magnetische Flussdichte \overrightarrow{B} und die magnetische Feldstärke \overrightarrow{H} im Eisenkern. 2 P. Nun wird ein Leiter in den Luftspalt gehängt, durch den ein Strom I=2 A fließt.



EM6) Zeichnen Sie in die obere Skizze die Richtung der magnetische Flussdichte \overrightarrow{B} und der Lorentz- 2 P. kraft $\overrightarrow{F_{\rm L}}$ ein. Berechnen Sie den Betrag der auf den Leiter wirkenden Kraft.

Fortsetzung auf der nächsten Seite!

In die rechte Hälfte eines Luft-Plattenkondensators mit $C_1 = 10 \,\mathrm{nF}$ und $Q = 90 \,\mathrm{nC}$ wird ein Dielektrikum eingeschoben. Dadurch wird nun die Kapazität des Kondensators auf $C_2 = 18 \,\mathrm{nF}$ erhöht.



EM7) Bestimmen Sie die Permittivität $\varepsilon_{\rm r,2}$ des Dielektrikums.

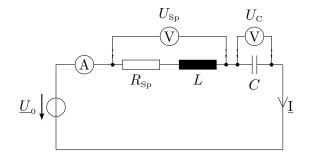
ben 2 P.

4 P.

EM8) Bestimmen Sie die Spannung U_2 am Kondensator, nachdem das Dielektrikum eingeschoben wurde.

4. Wechselstrom (22 Punkte)

Gegeben ist die folgende Schaltung, in der jeweils der Spannungsabfall über eine verlustbehaftete Induktivität und einen Kondensator mittels Weicheisenmessgeräten gemessen wird.



Folgende Werte sind gegeben:

$$L = 450 \,\mathrm{mH}$$
$$C = 680 \,\mathrm{nF}$$

WS1) Geben Sie bei allen Teilaufgaben einen Ansatz mit entsprechenden Indizes an, setzen Sie auch in Zwischenschritte Zahlenwerte ein und verwenden Sie die richtigen Einheiten und gegebenenfalls Unterstriche. Diese Teilaufgabe erfordert keine Bearbeitung.

An einer Spannunsgquelle mit $U_0=10\,\mathrm{V}$ und $f=50\,\mathrm{Hz}$ werden folgende Werte gemessen:

$$U_{\rm Sp} = 1,25 \, {
m V}$$
 $I = 2,2 \, {
m mA}$

WS2) Bestimmen Sie den ohmschen Widerstand der Spule, den Spannungsabfall an $U_{\rm C}$ sowie den 6 P. Phasenwinkel der Schaltung.

Nachfolgend soll für die obige Schaltung der Betragsresonanzfall untersucht werden. Mit dem im Messaufbau genutzten Messgeräten wird die Resonanzfrequenz experimentell durch $U_{Sp} = U_{C}$ ermittelt:

$$U_{\rm Sp} = 11.1 \, {\rm V}$$
 $U_{\rm C} = 11.1 \, {\rm V}$ $I = 12.2 \, {\rm mA}$

- WS3) Berechnen Sie die Resonanzfrequenz der Schaltung aus den angegebenen Bauteilwerten (ohne 2 P. Berücksichtigung von R_{Sp}).
- WS4) Berechnen Sie die im Experiment ermittelte Resonanzfrequenz aus den gegebenen Messwerten 4 P. und begründen Sie, warum sich nicht die in Teilaufgabe 3 ermittelte Frequenz ergibt.

Die Frequenz der Eingangsspannung wird geändert, sodass sich für die Schaltung ein Phasenwinkel $\varphi = 0$ ergibt und sich folgende Werte einstellen:

$$U_{\rm Sp} = 17.9 \, {\rm V}$$
 $U_{\rm C} = 14.8 \, {\rm V}$ $I = 18.2 \, {\rm mA}$

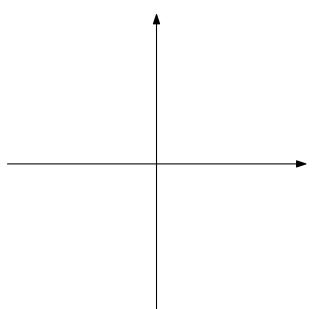
WS5) Zeichnen Sie das Zeigerbild (\underline{I} , $\underline{U}_{\mathrm{Sp}}$, $\underline{U}_{\mathrm{C}}$, $\underline{U}_{\mathrm{0}}$) für diesen Fall. Bestimmen Sie ebenfalls rechnerisch den Phasenwinkel φ_{L} , der sich zwischen $\underline{U}_{\mathrm{Sp}}$ und \underline{I} einstellt und tragen Sie diesen im Zeigerdiagramm ein. Verwenden Sie als Maßstab 1 V $\hat{=}$ 0,5 cm und 1 mA $\hat{=}$ 0,5 cm

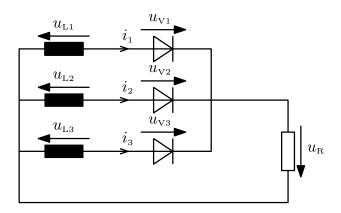
5. Kurzfragen zu Elektrotechnik 2 (18 Punkte)

KF1) Nennen Sie die fünf Sicherheitsregeln in der richtigen Reihenfolge.

3 P.

KF2) Zeichnen Sie die Kennlinie einer *realen* Diode in das vorgegebene Koordinatenkreuz, benennen 2 P. Sie die einzelnen Bereiche der Kennlinie und beschriften Sie die Achsen.

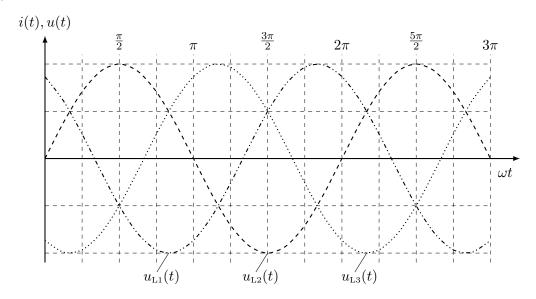




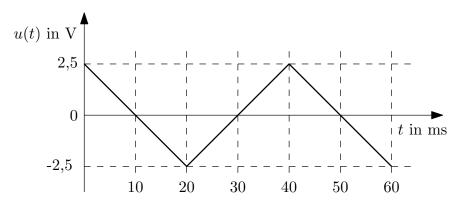
- a) Welche Ventile führen Strom, wenn gilt: $u_{\text{L1}} < u_{\text{L2}} < u_{\text{L3}}$?
 - \square V1 und V2
- \square V1

 \square V2

- \square V1 und V3
- $\hfill\Box$ V2 und V3
- \square V3
- b) Tragen Sie den Verlauf des Ventilstrom
s $i_{\rm v1}$ in das gegebene Diagramm ein.



c) Geben Sie die Periodendauer (Pulsdauer) von $u_{\rm d}$ an.



a) Geben Sie die Periodendauer T an.

b) Berechnen Sie den Gleichrichtwert.

KF5) Zeichnen Sie das vereinfachte Ersatzschaltbild des Transformators für den Kurzschlussversuch 4 P. und das zugehörige Zeigerbild aller Ströme und Spannungen.

KF6) Welche Eigenschaft muss ein zerlegt werden zu können?	ne Funktion haben,	um mit der Four	ieranalyse in ihre Bestandteile	1 P.
KF7) Welche trigonometrische Fu □ Sinus und Kotangens	nktionen werden bei \Box Sinus und $^\prime$		yse benutzt? □ Sinus und Kosinus	1 P.
J		O		
KF8) Welche Signale können eine	Tiefpassschaltung p	assieren?		1 P.
☐ Signale mit hohen Free	quenzen	\square Signale mit	tiefen Frequenzen	

6. Drehstrom (22 Punkte)

- DS1) Geben Sie bei allen Teilaufgaben einen Ansatz mit entsprechenden Indizes an, setzen Sie auch in 4 P. Zwischenschritte Zahlenwerte ein und verwenden Sie die richtigen Einheiten und gegebenenfalls Unterstriche. Diese Teilaufgabe erfordert keine Bearbeitung.
- DS2) Zeichnen Sie an das unten gegebene symmetrische Drehstromnetz eine symmetrische ohmsch-4 P. induktive Last in Sternschaltung ohne angeschlossenen N-Leiter. Zeichnen Sie auch alle an der Last auftretenden Ströme und Spannungen ein und benennen Sie diese.



- DS3) Der symmetrische Verbraucher in Sternschaltung ($|\underline{U}_{LN}| = 230 \,\mathrm{V}$) nimmt eine Leistung P =2 P. $42\,\mathrm{kW}$ mit einem $\cos\varphi=0,93$ (ind.) auf. Berechnen Sie den Leiterstrom $\underline{I}_{1\mathrm{N}}$ und die Strangimpedanz \underline{Z}_{1N} nach Betrag und Phase.
- DS4) Bei einer symmetrischen Last in Sternschaltung, die an einem symmetrischen Drehstromnetz 6 P. angeschlossen ist, werden folgende Werte gemessen:

$$\underline{U}_{12} = 400 \,\mathrm{V} \cdot \mathrm{e}^{\mathrm{j}30^{\circ}}$$
 $\underline{I}_{1\mathrm{N}} = 0.8 \,\mathrm{A} \cdot \mathrm{e}^{\mathrm{j}25,84^{\circ}}$

Berechnen Sie die Lastimpedanz \underline{Z}_{1N} , die Leistungen P_{ges} , Q_{ges} und S_{ges} sowie den Wirkfaktor $\cos \varphi$. Handelt es sich bei der Last um eine ohmsche, ohmsch-induktive oder ohmsch-kapazitive Last? Begründen Sie Ihre Antwort.

Gegeben ist ein symmetrisches Drehstromnetz mit $\underline{U}_{1N}=230\,\mathrm{V}\cdot\mathrm{e}^{\mathrm{j}0^\circ}$ und $f=50\,\mathrm{Hz}.$ In einer angeschlossenen symmetrischen Last in Dreiecksschaltung werden $P_{\rm ges}=800\,{\rm W}$ und $Q_{\rm ges}=180\,{\rm var}$ umgesetzt.

- DS5) Die induktive Blindleistung soll in einer parallel geschalteten Blindleistungskompensationsanlage 3 P. in Dreiecksschaltung kompensiert werden. Bestimmen Sie die notwendige Kapazität je Kondensator.
- DS6) Die symmetrische Last wird gegen eine unsymmetrische Last in Dreiecksschaltung ausgetauscht 3 P. Die Last setzt sich aus folgenden Impedanzen zusammen:

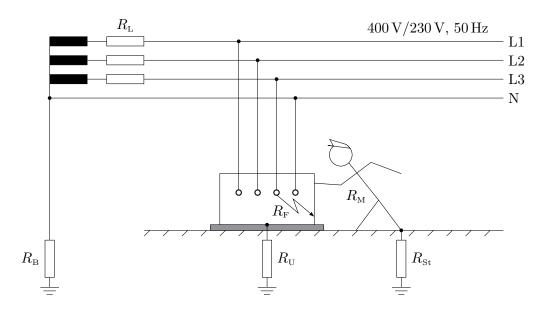
$$\underline{Z}_{12} = 20\,\Omega \cdot \mathrm{e}^{\mathrm{j}25^{\circ}} \qquad \qquad \underline{Z}_{23} = 40\,\Omega \cdot \mathrm{e}^{\mathrm{j}10^{\circ}} \qquad \qquad \underline{Z}_{31} = 12\,\Omega + \mathrm{j}10,6\,\Omega$$

Berechnen Sie alle in der Last auftretenden Ströme $\underline{I}_{12},\,\underline{I}_{23}$ und \underline{I}_{31} nach Betrag und Phase.

7. Schutzmaßnahmen (22 Punkte)

Eine Maschine hat einen Gehäuseschluss des Leiters L3. Die Maschine ist nicht eingeschaltet $(R_V \to \infty)$ und steht auf isoliertem Untergrund $(R_U \to \infty)$.

Nehmen Sie an, dass alle berührbaren Teile der Maschine aus einem gut leitenden Material bestehen. Die maximal zulässige Berührspannung über den Menschen, modelliert mit $R_{\rm M}$, beträgt $U_{\rm B}=50\,{\rm V}$.



Folgende Werte sind gegeben:

$$R_{\rm L} = 2\,\Omega \qquad \qquad R_{\rm F} = 10\,\Omega \qquad \qquad R_{\rm M} = 3\,{\rm k}\Omega$$

$$R_{\rm St} = 500\,\Omega \qquad \qquad R_{\rm B} = 1\,\Omega$$

- SM1) Geben Sie bei allen Teilaufgaben einen Ansatz mit entsprechenden Indizes an, setzen Sie auch in Zwischenschritte Zahlenwerte ein und verwenden Sie die richtigen Einheiten und gegebenenfalls Unterstriche. Diese Teilaufgabe erfordert keine Bearbeitung.
- SM2) Zeichnen Sie das einphasige Ersatzschaltbild des Fehlerstromkreises und tragen Sie in dieses 6 P. den Fehlerstrom $I_{\rm F}$ sowie die Berührspannung $U_{\rm B}$ ein. Bestimmen Sie den Gesamtwiderstand $R_{\rm ges}$, den Fehlerstrom $I_{\rm F}$ und die Berührspannung $U_{\rm B}$. Ist der Mensch gefährdet? Begründen Sie Ihre Antwort anhand der gültigen Grenzwerte.

Als Schutzmaßnahme wird nun die "Schutzerdung" genutzt. Dazu wird die Maschine am Standort mit einem Erdungswiderstand $R_{\rm E}$ direkt geerdet. Der Untergrund ist weiterhin isolierend $(R_{\rm U} \to \infty)$.

- SM3) Erläutern Sie die Wirkungsweise der Schutzerdung. In welcher Größenordnung sollte der Erdungswiderstand liegen?
- SM4) Legen Sie den Erdungswiderstand $R_{\rm E}$ so aus, sodass im Fehlerfall der Strom durch den Menschen 4 P. $I_{\rm M,max}=10\,{\rm mA}$ nicht überschreitet.

Als Schutzmaßnahme wird im Folgenden **nicht** mehr die Schutzerdung betrachtet, sondern die Maschine an den Schutzleiter des Netzes mit dem Widerstand R_{PE} angeschlossen (TN-S-Netz).

SM5) Durch einen Defekt der Isoliermatte hat die Maschine nun einen Übergangswiderstand zur Erde $\,^{6}$ P. von $R_{\rm U}=1000\,\Omega$. Legen Sie den Schutzleiterwiderstand $R_{\rm PE}$ so aus, sodass für den vorliegenden Fehlerfall der Strom durch den Menschen weiterhin $I_{\rm M,max}=10\,{\rm mA}$ nicht überschreitet.

8. Transformator (22 Punkte)

Ein einphasiger Transformator soll ausgelegt werden, der die Primärspannung $U_1=230\,\mathrm{V}$ auf $U_2=11,5\,\mathrm{V}$ und $I_2=10\,\mathrm{A}$ bei $f=50\,\mathrm{Hz}$ heruntersetzt. Aufgrund der maximalen Baugröße kann der Eisenkern nur 10 cm hoch und 10 cm breit gebaut werden. Auf der Sekundärseite wird eine Spule mit $N_2=250\,\mathrm{Windungen}$ und einem mittleren Windungsdurchmesser von $d_\mathrm{w}=3\,\mathrm{cm}$ verwendet.

- TR1) Geben Sie bei allen Teilaufgaben einen Ansatz mit entsprechenden Indizes an, setzen Sie auch in 4 P. Zwischenschritte Zahlenwerte ein und verwenden Sie die richtigen Einheiten und gegebenenfalls Unterstriche. Diese Teilaufgabe erfordert keine Bearbeitung.
- TR2) Zeichnen und beschriften Sie das vollständige Ersatzschaltbild des belasteten Transformators 2 P. mit angeschlossener ohmsch-induktiver Last. Zeichnen Sie auch alle Ströme und Spannungen ein.
- TR3) Berechnen Sie unter der Annahme eines idealen Transformators das benötigte Übersetzungsverhältnis ü, die primäre Windungszahl N_1 , den Primärstrom I_1 sowie die zu übertragende Scheinleistung S.
- TR4) Bestimmen Sie den notwendigen Eisenquerschnitt A_{Fe} , damit die zulässige magnetische Induktion von $\hat{B} = 0.5 \,\text{T}$ nicht überschritten wird.
- TR5) Bestimmen Sie den auf der Sekundärseite notwendigen Leiterquerschnitt $A_{\text{Cu},2}$, den sekundären 4 P. Wicklungswiderstand R_2 (bei 20 °C, $\rho_{\text{Cu},20} = 0.0172 \,\Omega\text{mm}^2\text{m}^{-1}$) sowie den gesamten Wicklungswiderstand $R = R_1 + R_2'$, wenn die maximal zulässige Stromdichte der Wicklungen $S_{\text{max}} = 2 \, \frac{\text{A}}{\text{mm}^2}$ beträgt.
- TR6) Beim Leerlaufversuch des Transformators wurden folgende Daten gemessen:

$$P_0 = 14 \,\mathrm{W}$$
 $I_0 = 100 \,\mathrm{mA}$

Berechnen Sie den Eisenverlustwiderstand R_{Fe} und die Hauptfeldinduktivität L_{h} .

6 P.